

للهيئة العامة للتعليم الأساسي

الترسيخ في الحساب



نهارين بويته

فروض حادية

فروض ثمانية

قواعد و ألعاب

الإصلاح

لسعد ولها
أساذ

الصفحة	المحتوى	الفهرس
1	قابلية القسمة على 4 و 25 و 8	أنشطة عددية
3	الأعداد العشرية النسبية	المحور
4	مقارنة عددين كسريين	المحور
5	القيمة المطلقة	
7	جمع وطرح الأعداد الكسرية	
10	مناظر مستقيم - المحافظة على الإستقامة والبعد	التناظر المركزي
11	المحافظة على البعد والمنتصف	
12	مناظرة زاوية ودائرة	
14	المحافظة على المساحة - التعيين في المستوي	
15	مخروج 1	فهرس مراقبة عدد 1
17	مخروج 2	فهرس مراقبة عدد 1
19	مخروج 3	فهرس مراقبة عدد 1
21	مخروج 1	فهرس مراقبة عدد 2
23	مخروج 2	فهرس مراقبة عدد 2
25	مخروج 3	فهرس مراقبة عدد 2
27	مخروج 1	فهرس تأليفي عدد 1
29	مخروج 2	فهرس تأليفي عدد 1
31	مخروج 3	فهرس تأليفي عدد 1



1 حدد باقي قسمة العدد 7433 على 4 وعلى 25 .

2 عوض النقاط بما يناسب ليكون العدد $3 . 2 . .$ قابلاً للقسمة على 25 و 9 في آن واحد.

(قدم جميع الحلول)

3 أكمل الجدول التالي :

العدد	7432	351	87450	5726
باقي قسمته على 3				
باقي قسمته على 4				
باقي قسمته على 25				
باقي قسمته على 8				

تمرين 2 ضع رقماً مكان كل نقطة ليصبح العدد قابلاً للقسمة على 4 و 3 في نفس الوقت (قدم كل الحلول).

7.3.

تمرين 3 نعتبر عدد a حيث : $a = 735677$

1 أوجد باقي قسمة 677 على 8 :

2 ماهو أصغر عدد نضيفه لـ a فنحصل على عدد قابل للقسمة على 8.

تمرين 4 ثمن الطاولة هو 13 ديناراً و ثمن الكرسي هو 12 ديناراً. اشترت مدرستكم عدداً من الطاولات و مثل ذلك

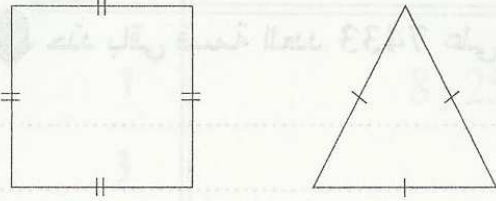
العدد كراسي.

1 ماهو المبلغ الذي يمثل ثمن المشتريات من بين المبالغ التالية : 4530 د - 2375 د - 5370 د ؟

2 ما هو عدد الكراسي؟ :

3 أحسب ثمن الطاولات :

تمرين ما هو العدد الذي يمكن أن يكون محيط المثلث المتقايس الاضلاع والمربع في نفس الوقت ؟



(لم يقع اعتماد نفس السلم في الرسم)
740 , 324 , 7446 , 856 , 743 , 532

تمرين

1 أوجد عددا متكوّنا من 4 أرقام حيث رقم آالفه 5 ويقبل القسمة على 25 و 9 في آن واحد.

(أوجد كلّ الحلول) :

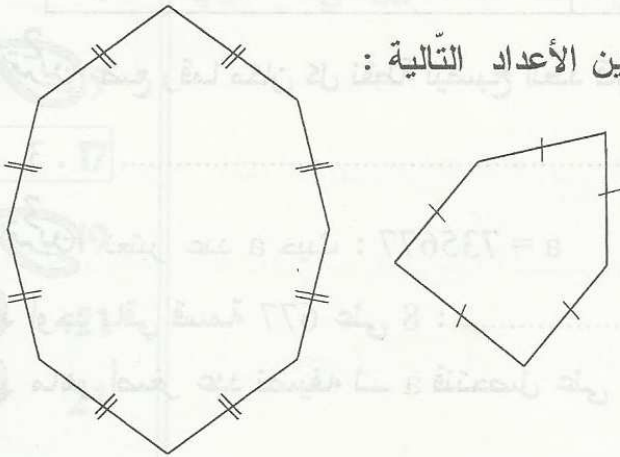
2 هل أن الأعداد المتحصّل عليها تقبل القسمة على 15 ؟ علّل جوابك .

تمرين

1 ما هو العدد الذي يمكن أن يكون محيط المضلعين من بين الأعداد التالية :

(لم يقع اعتماد نفس السلم في الرسم)

7645 - 83 480 - 53 244



تمرين

1 ضع رقما مكان كلّ نقطة ليصبح العدد قابلا للقسمة على 8 و 3 في آن واحد (قدّم كلّ الحلول)

7 . 3 .

2 هل أن الأعداد المتحصّل عليها تقبل القسمة على 24 ؟ علّل جوابك .

تمرين

1. أختزل إلى أقصى حدّ العدد $\frac{87}{60}$:

2. بين أن $\frac{87}{60}$ هو عدد عشري :

3. أكتب $\frac{87}{60}$ في صورة $\frac{a}{10^n}$. حيث a و n عدنان صحيحان طبيعيان .

4. احسب العبارة H : $H = \frac{87}{60} - 0,45$

تمرين 2
نعتبر المجموعة A . $A = \left\{ \frac{-2}{3}, \frac{-13}{8}, \frac{21}{7}, -1, 0, \frac{6}{15} \right\}$

1. أوجد المجموعات التالية.
 $A \cap \mathbb{D} = \dots$ $A \cap \mathbb{N} = \dots$ $A \cap \mathbb{Z} = \dots$

2. أكمل بـ \in أو \notin أو \subset أو $\not\subset$.
A Q ; A D ; 3 A ; (-3) A

3. أوجد مقابل عناصر المجموعة A .

تمرين 3

1. أوجد المجموعات التالية.

$\mathbb{Z}^* \cap \mathbb{Z}_- = \dots$	$\mathbb{Z} \cap \mathbb{Q}_- = \dots$	$\mathbb{Z}_+ \cap \mathbb{Z}_- = \dots$
$\mathbb{Z} \cap \mathbb{Q}^* = \dots$	$\mathbb{D} \cap \mathbb{Q} = \dots$	$\mathbb{Z}_+ \cup \mathbb{Z}_- = \dots$
$\mathbb{Z}_- \cup \mathbb{Q}^* = \dots$	$\mathbb{D} \cup \mathbb{Q} = \dots$	$\mathbb{N} \cap \mathbb{Z} = \dots$
$\mathbb{Z}_- \cap \mathbb{Q}^* = \dots$	$\mathbb{Q}_+^* \cap \mathbb{Q}_-^* = \dots$	$\mathbb{N} \cup \mathbb{Z} = \dots$
$\mathbb{Q}_-^* \cup \mathbb{Q}_+^* = \dots$	$\mathbb{Q}_+ \cup \mathbb{Q}_-^* = \dots$	$\mathbb{N}^* \cup \mathbb{Z}_- = \dots$

2. أكمل بإحدى المجموعات : \mathbb{N} ; \mathbb{D} ; \mathbb{Q} ; \mathbb{Z} :
..... \subset \subset \subset

تمرين 1 قارن في كل حالة العددين الكسريين.

(أ) $\frac{15}{9}$ و $\frac{11}{6}$

(ب) $\frac{-13}{8}$ و $\frac{-7}{4}$

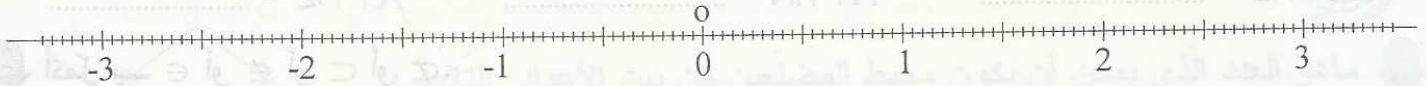
(ج) $\frac{18}{19}$ و $\frac{17}{13}$

(د) $\frac{-15}{6}$ و $\frac{-35}{14}$

تمرين 2

1 رتب تصاعدياً الأعداد : 3 , $\frac{-5}{2}$, $\frac{9}{10}$, $\frac{-3}{4}$, $\frac{4}{5}$

2 ارسم على مستقيم مدرج النقاط A و B و C و D التي فاصلاتها على التوالي الأعداد السابقة .



3 ارسم نقطة F التي فاصلتها عدد كسري نسبي a حيث : $\frac{4}{5} < a < \frac{9}{10}$

و $b = \frac{-42}{180}$ و $a = \frac{-49}{280}$: نعتبر العددين a و b حيث

تمرين 3

1 اختزل إلى أقصى حدّ العددين a و b .

2 قارن بين a و b .

3 بين ماهو عشريّ وماهو غير عشريّ .

4 أكتب العدد العشري في صورة : $\frac{x}{10^n}$ حيث : $x \in \mathbb{Z}$ و $n \in \mathbb{N}$

1
تدريب

1 احسب ما يلي : $|-3| = \dots\dots\dots$ $|\frac{3}{5}| = \dots\dots\dots$ $|\frac{7}{4}| = \dots\dots\dots$ $|0| = \dots\dots\dots$

2 جد إن أمكن ذلك العدد a. $|-7,4| = \dots\dots\dots$ $|(-3)| = \dots\dots\dots$ $|1| = \dots\dots\dots$

2
تدريب

$|a - \frac{5}{2}| = 0$ $|a| = 0$ $|a| = -\frac{2}{7}$ $|a| = \frac{5}{3}$

.....
.....
.....
.....

3
تدريب
أكمل الجدول التالي :

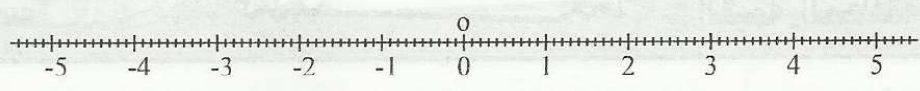
-b	-a	b	a	b	a
.....	2	-3
1	$-\frac{5}{3}$
$\frac{1}{2}$	$-\frac{3}{4}$
.....	2	$\frac{5}{2}$

4
تدريب

نعتبر العبارة H حيث : a و b و c أعداد كسرية. و $H = |a| - b + c$

* أحسب العبارة H إذا علمت أن : $a = -2$ و $b = 2$ و $|c| = \frac{7}{2}$ (قدم كل الحل).

تمرين 4 لاحظ المستقيم المدرج التالي.



1 عيّن النقطة A من المستقيم التي فاصلتها $-\frac{8}{5}$.

2 احسب OA.

3 عيّن النقطة B من نصف المستقيم [oA) بحيث $OB = 2,4$. ما هي فاصلة B ؟

4 عيّن النقطة E التي فاصلتها a بحيث : $|a| = \frac{5}{2}$ و $a \in \mathbb{Q}_+$

5 عيّن النقطة H التي فاصلتها x بحيث : $|x - \frac{5}{4}| = 0$

تمرين 5

1 ما هي إحداثيات A ؟

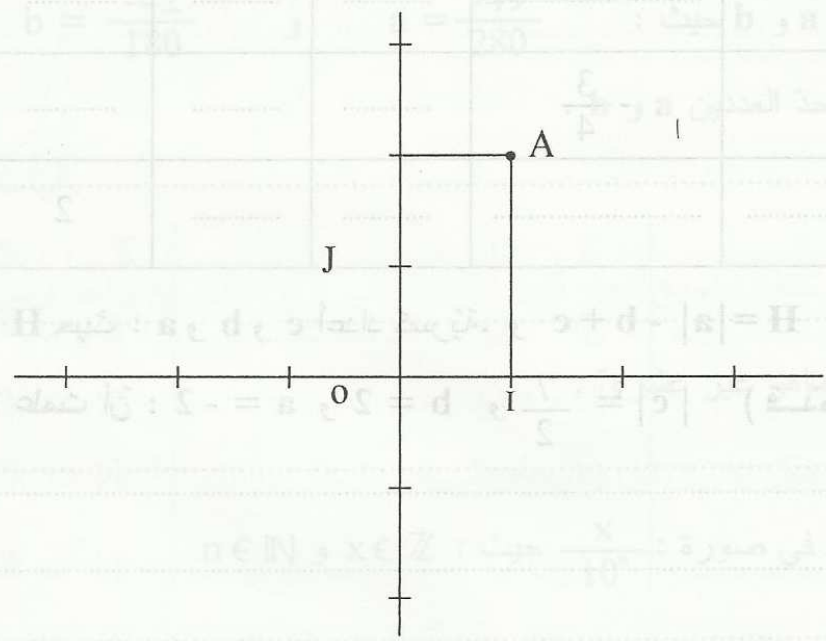
2 عيّن النقاط : $D(-\frac{9}{4}, 1)$; $C(2,5, -1)$; $B(-1, -3)$

3 عيّن على المستقيم (DJ) النقطة E التي فاصلتها -4.

4 ما هي ترتيبتها ؟

ماهي ترتيبية كل نقطة من المستقيم (DJ) ؟

$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{10}$
$\frac{2}{3}$	$\frac{2}{5}$	$\frac{2}{7}$	$\frac{2}{9}$	$\frac{2}{11}$	$\frac{2}{13}$	$\frac{2}{15}$	$\frac{2}{17}$	$\frac{2}{19}$
$\frac{3}{4}$	$\frac{3}{7}$	$\frac{3}{10}$	$\frac{3}{13}$	$\frac{3}{16}$	$\frac{3}{19}$	$\frac{3}{22}$	$\frac{3}{25}$	$\frac{3}{28}$
$\frac{4}{5}$	$\frac{4}{9}$	$\frac{4}{12}$	$\frac{4}{15}$	$\frac{4}{18}$	$\frac{4}{21}$	$\frac{4}{24}$	$\frac{4}{27}$	$\frac{4}{30}$
$\frac{5}{6}$	$\frac{5}{11}$	$\frac{5}{14}$	$\frac{5}{17}$	$\frac{5}{20}$	$\frac{5}{23}$	$\frac{5}{26}$	$\frac{5}{29}$	$\frac{5}{32}$
$\frac{6}{7}$	$\frac{6}{13}$	$\frac{6}{16}$	$\frac{6}{19}$	$\frac{6}{22}$	$\frac{6}{25}$	$\frac{6}{28}$	$\frac{6}{31}$	$\frac{6}{34}$
$\frac{7}{8}$	$\frac{7}{15}$	$\frac{7}{18}$	$\frac{7}{21}$	$\frac{7}{24}$	$\frac{7}{27}$	$\frac{7}{30}$	$\frac{7}{33}$	$\frac{7}{36}$
$\frac{8}{9}$	$\frac{8}{17}$	$\frac{8}{20}$	$\frac{8}{23}$	$\frac{8}{26}$	$\frac{8}{29}$	$\frac{8}{32}$	$\frac{8}{35}$	$\frac{8}{38}$
$\frac{9}{10}$	$\frac{9}{19}$	$\frac{9}{22}$	$\frac{9}{25}$	$\frac{9}{28}$	$\frac{9}{31}$	$\frac{9}{34}$ <td $\frac{9}{37}$	$\frac{9}{40}$	



احسب ما يلي.

* $13 + (-17) = \dots\dots\dots$

* $(-7) + 10 = \dots\dots\dots$

* $(-4) + (-3) = \dots\dots\dots$

* $\frac{-7}{8} + \frac{-5}{6} = \dots\dots\dots$

* $\frac{-13}{2} + \frac{5}{4} = \dots\dots\dots$

* $\frac{-7}{3} + \frac{-5}{3} = \dots\dots\dots$

* $-5 + \frac{-5}{3} = \dots\dots\dots$

* $\frac{17}{2} + \frac{-21}{6} = \dots\dots\dots$

* $\frac{-13}{4} + \frac{26}{8} = \dots\dots\dots$

احسب بعد إدخال تغيير مناسب على ترتيب الحدود.

$A = \frac{-7}{5} + \frac{3}{4} + \frac{4}{5} + \frac{-3}{2} + \frac{-2}{5} = \dots\dots\dots$

$B = -7 + \frac{3}{7} + \frac{-7}{3} + \frac{-4}{7} + \frac{4}{3} = \dots\dots\dots$

$C = \frac{37}{13} + \frac{-5}{6} + 7 + \frac{-74}{26} + \frac{-13}{6} + (-7) = \dots\dots\dots$

$\frac{17}{4} + \dots\dots\dots = \frac{-3}{8}$

$\frac{-13}{5} + \dots\dots\dots = \frac{4}{5}$

$(-7) + \dots\dots\dots = -3$: أكمل بما يناسب

احسب ما يلي :

* $35 - 37 = \dots\dots\dots$

* $(-17) - (-5) = \dots\dots\dots$

* $(-13) - 3 = \dots\dots\dots$

* $\frac{17}{3} - \frac{34}{9} = \dots\dots\dots$

* $\frac{-13}{5} - \frac{-5}{4} = \dots\dots\dots$

* $\frac{17}{4} - 1 = \dots\dots\dots$

* $(\frac{-77}{13} - 1) - (\frac{-77}{13} - \frac{3}{2}) = \dots\dots\dots$

* $(\frac{-33}{5} - \frac{16}{17}) - (\frac{3}{5} - \frac{16}{17}) = \dots\dots\dots$

3 جد العدد الكسري النسبي a.

$$\frac{13}{3} + a + \frac{-7}{3} = 1$$

$$\frac{7}{3} - a = -1$$

$$a + \frac{7}{4} = \frac{-5}{3}$$

$$-\frac{5}{2} - a - \frac{7}{4} = -\frac{3}{2}$$

$$\frac{13}{5} + a = \frac{-5}{4}$$

$$a - \frac{7}{3} = \frac{-5}{2}$$

تمرين 4
a و b و c أعداد كسرية نسبية حيث : $a - b = \frac{-3}{2}$ و $c - a = \frac{5}{3}$

1 قارن بين a و b ثم بين a و c.

2 أحسب $|a - b|$:

3 أحسب $(c - a) + (a - b)$:

4 قارن بين b و c :

5 رتب تصاعدياً a و b و c :

6 نعتبر العبارة H : $H = \frac{-10}{3} - [a - (\frac{5}{3} + b) + \frac{3}{2}]$

بين أن : $H = a - c$.

تمرين 5
احسب بعد حذف أقواس العبارات التالية.

$$* A = (-15) - (-3 + 2)$$

$$* B = -93 - (13 - 85)$$

$$* C = -\frac{3}{11} - \left(\frac{4}{11} - 2\right)$$

$$* D = -\frac{5}{3} - \left(\frac{-7}{6} - \frac{5}{2}\right)$$

تمرين

$$* G = 7 + (a - b) - (-c - d)$$

$$* E = 7 - (a - b - c)$$

$$* H = -(-3 - a) + (-c + d)$$

$$* F = a - (-13 + b + c)$$

$$* K = \left(\frac{6}{5} - a\right) - \left(\frac{7}{10} - b - a\right)$$

$$* I = (a - 5) - (-b + a - 3)$$

$$* L = \frac{5}{4} - b - \left(\frac{7}{3} - b - a\right)$$

$$* J = -7 - (-a - 3) + (-a - c)$$

تمرين
نعتبر العبارة F حيث : $F = (13 + a + b) - \left(a - \frac{5}{2} + b\right) + \left(b - \frac{13}{2} + a\right)$

$$1 \text{ } \downarrow \text{ بيّن أن : } F = 9 + a + b$$

2 \text{ } \downarrow \text{ احسب } F \text{ إذا علمت أن } a \text{ و } b \text{ متقابلان.}

3 \text{ } \downarrow \text{ احسب } a + b \text{ إذا علمت أن : } F = \frac{-35}{2}

4 \text{ } \downarrow \text{ نعتبر العبارة } E \text{ حيث : } E = \frac{-5}{2} - b \text{ . أوجد } a \text{ إذا علمت أن } E \text{ و } F \text{ متقابلتان.}

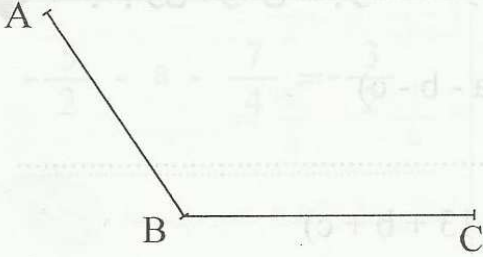
لاحظ الشكل حيث : $AB = 3 \text{ cm}$

1 ابن Δ المتوسط العمودي لـ $[BC]$ يقطعها في I

ثم أوجد منظره B بالنسبة لـ Δ :

2 ابن D منظره A بالنسبة لـ Δ

ثم احسب CD معللاً جوابك.

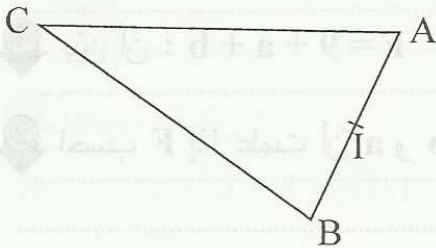


3 (AC) يقطع Δ في E. بيّن B و D و E على استقامة واحدة.

4 ابن F منظره A بالنسبة لـ I ثم بيّن أن : $CD = CF$

2 تمرين
ABC مثلث و I منتصف [AB].

1 ابن D منظره C بالنسبة لـ I ثم أوجد منظر نصف المستقيم (AC) بالنسبة لـ I.



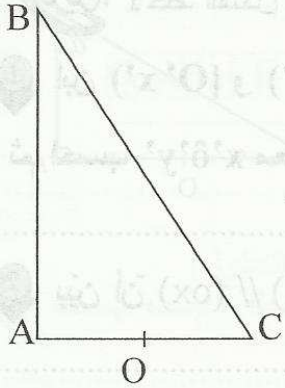
2 بيّن أن $(BD) \parallel (AC)$.

3 عيّن J منتصف [BC] ثم ابن E منظره A بالنسبة لـ J ثم بيّن أن $(BE) \parallel (AC)$.

4 بيّن أن B و E و D على استقامة واحدة.

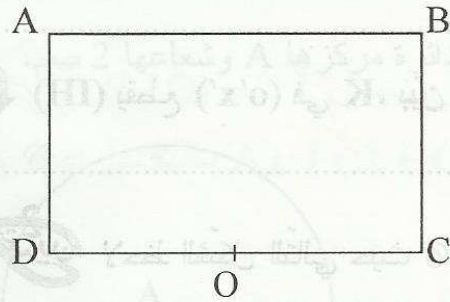
5 بيّن أن B منتصف [DE].

تمرين 1
ABC مثلث قائم الزاوية في A و O منتصف [AC]. حيث $AB = 4\text{cm}$.
1 ابن D منظره B بالنسبة لـ O. ثم أحسب CD معللاً جوابك.



2 عيّن I منتصف [BC] و J منظره I بالنسبة لـ O.
ثم بيّن أنّ J منتصف [AD].

3 بيّن أنّ ACD مثلث قائم.



تمرين 2
ABCD مستطيل و O منتصف [CD].

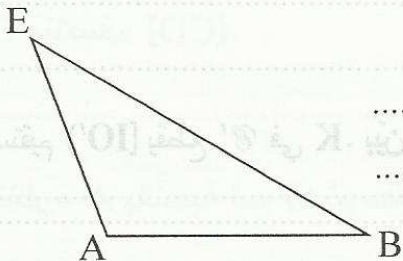
1 ابن E منظره B بالنسبة لـ O ثم بيّن أنّ $DE = DA$.

2 بيّن أنّ D منتصف [AE].

3 ابن F منظره B بالنسبة لـ C. ثم بيّن أنّ F هي منظره A بالنسبة لـ O.

تمرين 3
لاحظ الشكل حيث ABE مثلث.

1 ابن C و D مناظرتي B و E بالنسبة لـ A على التوالي.
ثم بيّن أنّ $(CD) \parallel (BE)$.



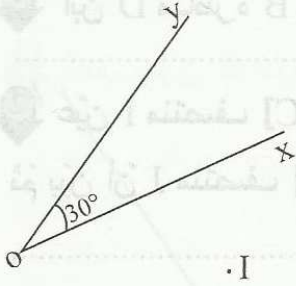
2 ابن H المسقط العمودي لـ A على (BE) و K منظره H بالنسبة لـ A.

* بيّن أنّ C و K و D على استقامة واحدة.

3 بيّن أنّ $(CD) \perp (AK)$.

تمرين

لاحظ الشكل التالي حيث $\widehat{xOy} = 30^\circ$ و I نقطة من المستوي.



1 ابن $(O'x')$ و $(O'y')$ مناظري (Ox) و (Oy) على التوالي بالنسبة لـ I .

ثم احسب $\widehat{x'O'y'}$ مغلًا جوابك:

2 بين أن $(o'x') \parallel (ox)$.

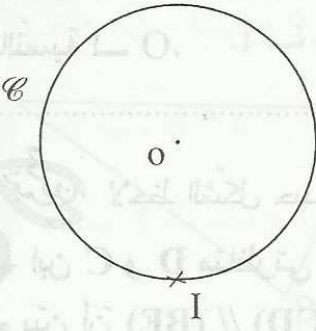
3 ابن H المسقط العمودي لـ I على (ox) . ثم بين أن $(IH) \perp (o'x')$.

4 (IH) يقطع $(o'x')$ في K . بين أن I منتصف $[HK]$.

تمرين

لاحظ الشكل التالي حيث \mathcal{C} دائرة مركزها O و I نقطة من \mathcal{C} .

1 ابن J مناظرة I بالنسبة لـ O . ثم بين أن J تنتمي لـ \mathcal{C} .



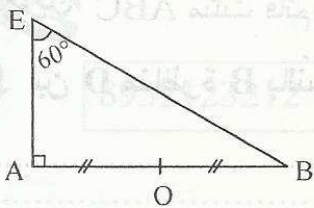
2 ابن \mathcal{C}' مناظرة \mathcal{C} بالنسبة لـ I التي مركزها O' . ثم بين أن I منتصف $[OO']$.

3 نصف المستقيم (IO') يقطع \mathcal{C}' في K . بين أن K هي مناظرة J بالنسبة لـ I .

4 ابن Δ المماس لـ \mathcal{C} في J و Δ' مناظرة لـ Δ بالنسبة لـ I . ثم بين أن Δ' مماس لـ \mathcal{C}' في K .

تمرين 3 لاحظ الشكل حيث ABE مثلث قائم في A و O منتصف $[AB]$ و $\hat{AEB} = 60^\circ$.

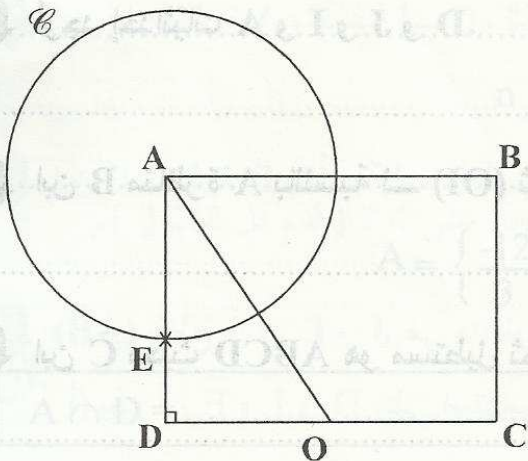
1 احسب \hat{ABE} :



2 ابن F مناظرة E بالنسبة لـ O . ثم احسب \hat{AFB} .

3 دائرة \mathcal{C} مركزها E وشعاعها 2 سم و \mathcal{C}' مركزها F وشعاعها 2 سم. بين أن \mathcal{C} و \mathcal{C}' متناظرتان بالنسبة لـ O .

تمرين 4 لاحظ الشكل حيث $ABCD$ مستطيل بعده 4 سم و 3 سم. و \mathcal{C} دائرة مركزها A وشعاعها 2 سم. وتقطع $[AD]$ في E و O منتصف $[DC]$.



1 ابن H مناظرة A بالنسبة لـ O . ثم احسب CH .

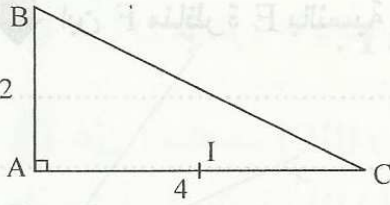
2 بين أن $\hat{DCH} = 90^\circ$.

3 ابن \mathcal{C}' مناظرة \mathcal{C} بالنسبة لـ O تقطع $[CH]$ في F .

* احسب CF :

4 احسب مساحة المثلث EBF .

ABC مثلث قائم و I منتصف [AC]. حيث $AC = 4\text{cm}$ و $AB = 2\text{cm}$



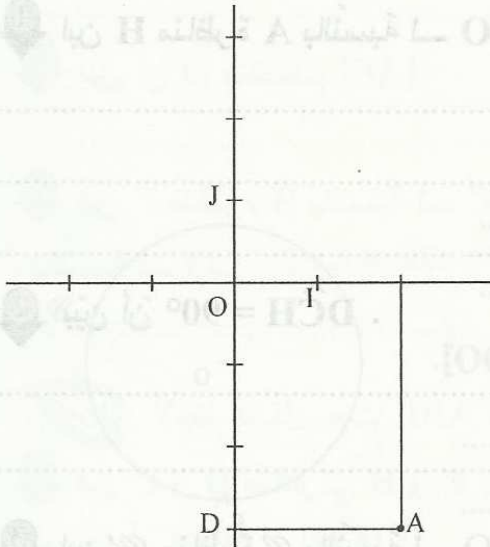
1 ابن D منظره B بالنسبة لـ I . ثم احسب $\widehat{D\hat{A}C}$.

2 احسب مساحة المثلث ACD.

3 ماهو مركز تناظر الرباعي ABCD؟

تمرين 2 (O,I,J) معينًا في المستوي بحيث : $OI = OJ$ و $(OJ) \perp (OI)$.

1 أوجد إحداثيات A و I و J و D.



2 ابن B منظره A بالنسبة لـ (OI) ثم أوجد إحداثيات B.

3 ابن C بحيث ABCD هو مستطيل ثم حدّد إحداثيات C.

4 بيّن أنّ O منتصف [CD].

5 ابن E منظره A بالنسبة لـ O ثم حدّد إحداثيات E.

6 بيّن أنّ B و C و E على إستقامة واحدة.



1 أنكر باقي قسمة الأعداد التالية على 8. 8932123212 ; 9732485 ; 7345 ; 524

2 عوض النقطة بعدد مناسب ليصبح العدد 7345.6 قابلاً للقسمة على 8. (قدم كل الحلول)



نعتبر الأعداد التالية : $-\frac{12}{3}$ ، $\frac{4}{18}$ ، $-\frac{3}{60}$

1 أنكر ماهو عدد عشري وماهو غير عشري من بين الأعداد السابقة معطلاً جوابك.

2 أكتب الأعداد العشرية في صورة $\frac{a}{10^n}$ حيث $a \in \mathbb{Z}$ و $n \in \mathbb{N}$

3 نعتبر المجموعة A حيث : $A = \left\{ -\frac{12}{3}, 5, \frac{-3}{60}, 0, -\frac{2}{-3}, \frac{4}{18} \right\}$

* أوجد عناصر المجموعتين التاليتين :

$A \cap D = \dots\dots\dots$

$A \cap Q = \dots\dots\dots$



1 قارن بين $-\frac{7}{6}$ و $-\frac{4}{3}$ ثم بين $\frac{7}{4}$ و $\frac{11}{6}$.

2 رتب الأعداد التالية ترتيباً تصاعدياً : -1 ، 1 ، 0 ، $\frac{11}{6}$ ، $\frac{7}{4}$ ، $-\frac{4}{3}$ ، $-\frac{7}{6}$

لاحظ الشكل حيث Δ مستقيم و A نقطة من المستوي و C نقطة من Δ .

1 ابن B مناظرة A بالنسبة لـ Δ . ثم بيّن أن : $CB = CA$.

AB = 2cm , AC = 4cm , $\angle ACB = 90^\circ$
 8. في مثلث قائم الزاوية عند C ، حيث $AC = 4$ و $AB = 2$ ، احسب طول BC .

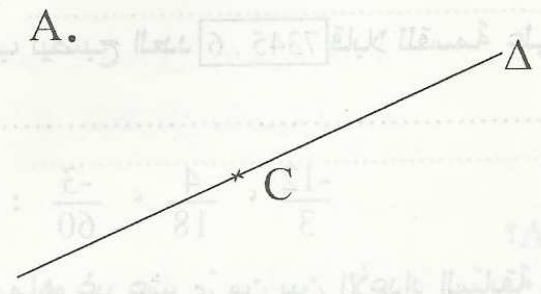
8. في مثلث قائم الزاوية عند C ، حيث $AC = 4$ و $AB = 2$ ، احسب طول BC .



8. (بالعلماء ولا وقت) 8. في مثلث قائم الزاوية عند C ، حيث $AC = 4$ و $AB = 2$ ، احسب طول BC .

8. في مثلث قائم الزاوية عند C ، حيث $AC = 4$ و $AB = 2$ ، احسب طول BC .

8. في مثلث قائم الزاوية عند C ، حيث $AC = 4$ و $AB = 2$ ، احسب طول BC .



2 ابن D مناظرة A بالنسبة لـ C . ثم بيّن أن المثلث DBC متقايس الضلعين.

3 ابن E مناظرة B بالنسبة لـ C ثم بيّن أن $(BD) \parallel (AE)$.

4 (AB) يقطع Δ في I و J هي مناظرة I بالنسبة لـ C .

(أ) بيّن أن E و J و D على استقامة واحدة.

(ب) بيّن أن J تنتمي لـ Δ .

ضع علامة (x) أمام الإجابات الصحيحة : (لكل سؤال مقترح سليم واحد)

- 1 75345 قابل للقسمة على : 2 5 4
- 2 $1 < \frac{-5}{2}$ $(-1) = \frac{2}{-2}$ $-3 < -4$ $\frac{-5}{3} < \frac{-7}{3}$
- 3 $-2 \in \mathbb{Q}_+$ $\frac{7}{4} \in \mathbb{Z}_+$ $\frac{-5}{2} \in \mathbb{Q}$ $0 \in \mathbb{Z}$ $-3 \in \mathbb{Z}_+$

عوّض النّقاط بباقي قسمة العدد 7568435 على 8 ثم على 4 ثم على 25 :

$$7568435 = 1892108 \times 4 + \dots\dots\dots$$

$$7568435 = 946054 \times 8 + \dots\dots\dots$$

$$7568435 = 302737 \times 25 + \dots\dots\dots$$

بيّن أن : $4^{17} + 4^{18}$ هو عدد قابل للقسمة على 5 :

عدد رقم أحاده 2 . ماهو رقم عشراته إذا علمت أنه يقبل القسمة على 4 ؟ (قدم كل الحلول) .

نعتبر العددين : $\frac{-72}{90}$ و $\frac{21}{140}$

أختزل العددين السّابقين إلى أقصى حدّ .

بيّن أنهما عددان عشريّان :

أكمل بما يناسب : $\frac{-72}{90} = \frac{\dots\dots\dots}{10}$ ، $\frac{21}{140} = \frac{\dots\dots\dots}{100} + \frac{\dots\dots\dots}{100}$

* احسب : $\frac{72}{90} + \frac{21}{140}$

1 رتب الأعداد التالية ترتيبا تصاعدياً : 0 ، 1 ، $\frac{13}{16}$ ، $\frac{5}{8}$ ، $\frac{-25}{15}$ ، $\frac{-27}{18}$

2 نعتبر المجموعة A مجموعة الأعداد السابقة :

(أ) أكمل بأحد الرموز التالية : \in أو \notin أو \subset أو \supset .

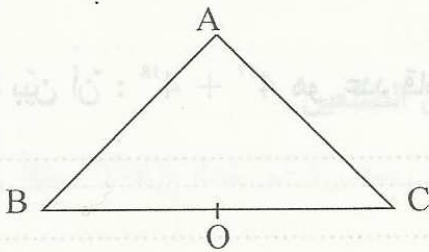
$A \dots \mathbb{D}$; $\frac{-25}{15} \dots \mathbb{D}$; $\frac{10}{16} \dots A$; $\frac{-3}{2} \dots A$

$\frac{-5}{3} \dots A$; $A \dots \mathbb{Q}^*$; $A \dots \mathbb{Q}$; $A \dots \mathbb{Z}$

(ب) أوجد المجموعات التالية :

$\mathbb{Z}^* \cup \mathbb{N} = \dots$; $A \cap \mathbb{D} = \dots$; $A \cap \mathbb{Q}^* = \dots$

ABC مثلث متقايس الضلعين قمته الرئيسيّة A و O منتصف [BC] و $AB = 3$.



1 ابن D منظرّة A بالنسبة لـ O ثم احسب DC.

2 بيّن أنّ BCD مثلث متقايس الضلعين.

3 بيّن أنّ $(AC) \parallel (BD)$.

4 عيّن النقطّة E من نصف المستقيم [AB] بحيث : $AE = 5\text{cm}$ ثمّ ابن F منظرتها بالنسبة لـ O.

بيّن أنّ C و D و F على استقامة واحدة :

5 ارسم المستقيم Δ المارّ من F والموازي لـ (AC) والمستقيم Δ' المارّ من E والموازي لـ (BD).

ثمّ أثبت أنّ Δ هو منظر Δ' بالنسبة لـ O.



فرز مراقبة عدد 1



63

أجب بـ : "صواب" أو "خطأ" :

 * $OB = OA$ إذن A و B متناظرتان بالنسبة لـ O
 * Δ و Δ' متناظرتان بالنسبة لـ O إذن $\Delta' // \Delta$.

 * A و B متناظرتان بالنسبة لـ O يعني O منتصف $[AB]$.

 A منتصف $[OB]$

تمارين 2

1 ما هي الأعداد التي تقبل القسمة على 4 والتي تقبل القسمة على 25 من بين الأعداد التالية؟

7300 ; 7348 ; 632 ; 875 ; 753

2 أوجد باقي قسمة 753 على 4 :

تمارين 3

اشترى تاجر كمية من الزيت يريد تعليبها في أواني تسع الواحدة 4 لتر ثمن الأنية الواحدة الفارغة دينار واحد وثمان الأربعة لتر زيت هو 7 دنانير. دفع مقابل ذلك 2736 ديناراً علماً أنه تمكن من تعليب كمية الزيت كلها.

1 ما هو عدد الأواني المشتراة ؟ :

2 ماهي كمية الزيت ؟ :

65

تمارين 4 نعتبر العدد الكسري a حيث : $a = \frac{45}{66}$

1 أختزل a إلى أقصى حد :

2 هل أن العدد a هو عدد عشري ؟ علّل جوابك.

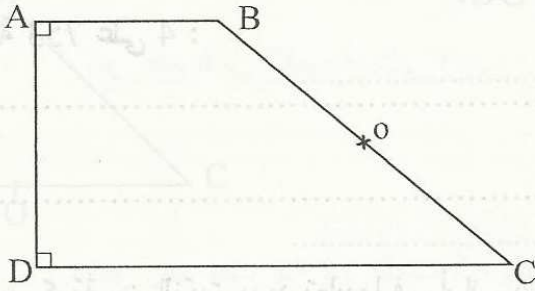
3 احسب العدد b حيث : $b = a + \frac{18}{22}$

4 بين أن b عدد عشري ثم أوجد الكتابة العشرية.

5 أكتب العدد b في صورة $\frac{x}{10^n}$ حيث $x \in \mathbb{N}$ و $n \in \mathbb{N}$.

تمرين
67 ABCD شبه منحرف قائم في A و D و O منتصف $[BC]$ و $AD = 3$.

1 ابن E مناظرة D بالنسبة لـ O . ثم بين أن $(BE) \parallel (DC)$.



2 استنتج أن E و B و A على استقامة واحدة.

3 ابن F مناظرة A بالنسبة لـ O . ثم احسب EF .

4 بين أن $(EF) \perp (AB)$.

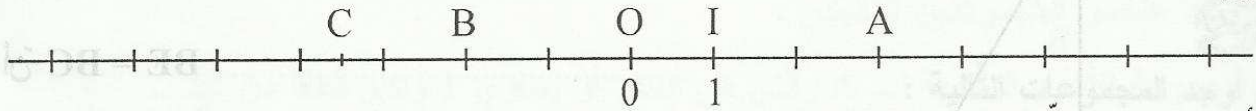
5 ابن I مناظرة O بالنسبة لـ B و J مناظرة I بالنسبة لـ O . ثم بين أن C منتصف $[OJ]$.



1 أكمل الجدول التالي :

x	$\frac{2}{3}$	$-\frac{5}{7}$			0	
-x			$-\frac{7}{4}$	$\frac{13}{5}$	$-\frac{13}{5}$	1
x						

2 لاحظ المستقيم المدرج التالي :



1 أوجد فواصل النقاط A و B و C :

2 عيّن النقطة D فاصلتها $\frac{7}{2}$

3 عيّن النقطة H من (OB) بحيث : $OH = \frac{3}{2}$ ثم أوجد فاصلة H .

3 تعتبر المجموعة A حيث : $A = \left\{ -3, \frac{5}{7}, -\frac{7}{5}, 0, 4 \right\}$

$A \cap Q = \dots\dots\dots$

$A \cap Z = \dots\dots\dots$

1 أوجد المجموعات التالية :

$A \cap Z = \dots\dots\dots$

$A \cap D = \dots\dots\dots$

$A \cap N = \dots\dots\dots$

2 أكمل بـ E أو \notin :

$\frac{5}{7} \dots\dots\dots D$

$-\frac{7}{5} \dots\dots\dots D$

0 $\dots\dots\dots D$

(-3) $\dots\dots\dots Q+$

3 أكمل بـ \subset أو $\not\subset$:

Z $\dots\dots\dots Q^*$

A $\dots\dots\dots Q$

A $\dots\dots\dots Z$

A $\dots\dots\dots D$

63

ضع علامة (X) أمام الإجابات الصحيحة : (لكل إجابة مقترح سليم واحد)

$\left| \frac{-2}{3} \right| = \left| \frac{3}{2} \right|$ ، $\left| \frac{2}{3} \right| = \frac{-2}{3}$ ، $\left| \frac{-2}{3} \right| = \frac{-2}{3}$ ، $\left| \frac{-2}{3} \right| = \frac{2}{3}$ *

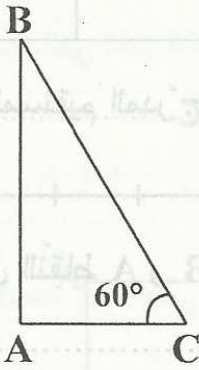
Δ مستقيم مدرّج بـ (OI) ، A و B نقطتان متناظرتان بالنسبة لـ O إذن : A و B لهما نفس الفاصلة ،

A و B متقابلان في الفاصلة .

a و b عدنان كسريّان متقابلان إذن : $a = b$ ، $a + b = 0$ ، $a - b = 0$ *

67

لاحظ الشكل حيث ABC مثلث قائم في A و $AC = 2 \text{ cm}$ و $\hat{ACB} = 60^\circ$



1 احسب \hat{ABC} :

2 ابن E منظره C بالنسبة لـ A

ثم بيّن أن $BE = BC$

.....

3 بيّن أن $BC = 4 \text{ cm}$

4 ابن F منظره B بالنسبة لـ A ثم بيّن أن $\hat{AFE} = 30^\circ$.

5 أرسم الدائرة \mathcal{C} مركزها C و شعاعها 2 صم والدائرة \mathcal{C}' مركزها E وشعاعها 2 صم ثم بيّن أن \mathcal{C} و \mathcal{C}' متناظرتان بالنسبة لـ A .



1 أوجد العدد الكسري x في كل حالة إن أمكن ذلك :

$$|x| = -2$$

$$|x| = 0$$

$$|x| = \frac{3}{2}$$

2 قارن في كل حالة العددين الكسريين :

$$\frac{3}{5} \text{ و } \frac{-15}{17}$$

$$\frac{-3}{2} \text{ و } \frac{-5}{6}$$

$$\frac{-7}{4} \text{ و } \frac{-7}{3}$$



1 أوجد المجموعات التالية :

* A مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية السالبة الأكبر من (-3).

* B مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية التي قيمتها المطلقة أصغر من 2.

* C مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية السالبة التي قيمتها المطلقة أصغر أو يساوي 4.

2 أكمل بما يناسب :

$$Z^* \cap Q = \dots, D \cap Q^* = \dots, Z_+ \cap Z_- = \dots$$



1 أحسب ما يلي :

$$(-7) + 7 = \dots, (-2) + (-3) = \dots, (-3) + 1 = \dots, (-2) + 7 = \dots$$

2 أكمل بالعدد المناسب :

$$(-7) + \dots = 6, (-15) + \dots = 0, (-13) + \dots = (-10), (-13) + \dots = (-17)$$

3 أحسب العبارات التالية :

$$b = (-7, 4) + \frac{7}{5} = \dots, a = -\frac{5}{3} + \frac{3}{2} = \dots$$

$$d = \frac{-3}{2} + 1 = \dots \dots \dots c = -\frac{7}{2} + 3,5 = \dots \dots \dots$$

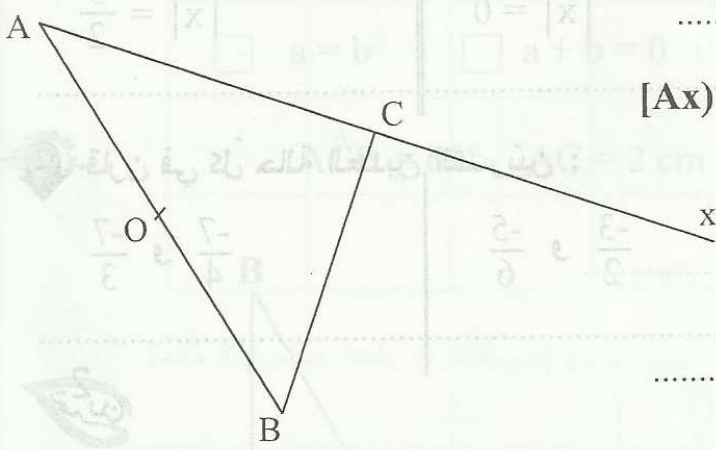


لاحظ الشكل التالي حيث $\hat{BAC} = 40^\circ$ و $\hat{ACB} = 90^\circ$ و O منتصف [AB]



1 احسب \hat{ABC} :

2 ابن D منظره C بالنسبة لـ O ثم أوجد منظره (Ax) بالنسبة لـ O معللاً جوابك.



3 أوجد منظره \hat{BAX} بالنسبة لـ O ثم احسب \hat{ABD} .

4 استنتج أن $(BC) \perp (BD)$.

5 أرسم الدائرة \mathcal{C} مركزها B وشعاعها BC . ماهي الوضعية النسبية لـ (AX) و \mathcal{C} ؟

6 ابن \mathcal{C}' منظره \mathcal{C} بالنسبة لـ O . ماهو مركزها وشعاعها ؟

7 بين أن D تنتمي لـ \mathcal{C}' .



فرز مراقبة عدد 2



64

ب- $\frac{-3}{8}$ و $\frac{-8}{3}$

أ- $\frac{3}{4}$ و $\frac{14}{6}$

1 قارن بين :

$$A = \left\{ \frac{-8}{3}; \frac{-3}{8}; 1; 0; \frac{14}{6}; \frac{3}{4} \right\}$$

2 نعتبر المجموعة A :

أ- رتب تصاعدياً عناصر المجموعة A :

ب- أوجد عناصر المجموعتين التاليتين .

E : مجموعة الأعداد المنتمية لـ A والتي هي أصغر أو يساوي 1 وأكبر قطعاً من $\frac{-3}{8}$.F : مجموعة الأعداد المنتمية لـ A والتي قيمتها المطلقة $\frac{8}{3}$

63

أوجد العدد الكسري x في كل حالة :

$$\left(x + \frac{3}{4}\right) + \left(\frac{-7}{6}\right) = \frac{-7}{6}$$

$$|x| + \left(\frac{-3}{7}\right) = 0$$

$$\frac{-3}{4} + x = 0$$

63

احسب العبارة التالية :

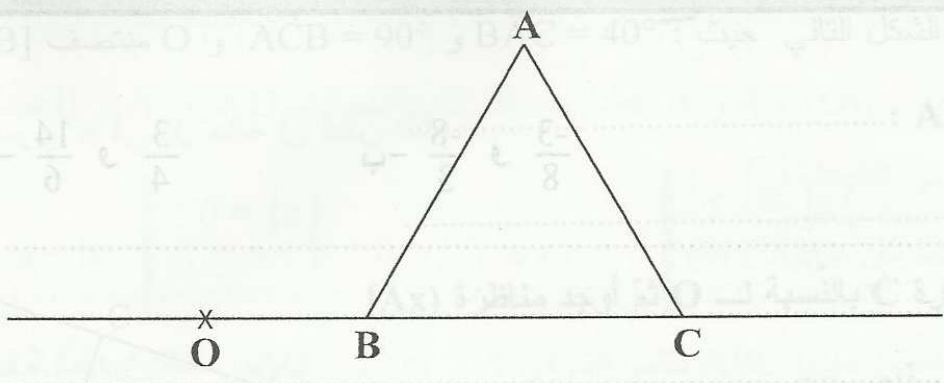
$$A = \frac{5}{8} + (-1) + \frac{3}{8} = \dots$$

$$B = \left| \frac{-9}{2} + 2 \right| + \left| \frac{-3}{2} \right| = \dots$$

$$C = \frac{7}{3} + \left(\frac{-13}{6}\right) + \frac{1}{3} = \dots$$

$$D = \frac{7}{2} + \frac{-7}{3} + (-4,5) + \frac{7}{3} + \frac{2}{3} = \dots$$

لاحظ الشكل حيث ABC مثلث متقايس الضلعين قمته الرئيسية A ونقطة O من المستقيم (BC) .



1 ابن النقط I و J و K مناظرات A و B و C على التوالي بالنسبة لـ O ثم بيّن أن $IK = IJ$.

2 بيّن أن $\hat{ABC} = \hat{IKJ}$:

3 ابن H المسقط العمودي لـ B على (AC) ثم بيّن أن $(BH) \perp (IK)$.

4 ارسم الدائرة \mathcal{C} مركزها C وشعاعها CH و \mathcal{C}' مركزها K وشعاعها CH ثم بيّن أن \mathcal{C} و \mathcal{C}' متناظرتان بالنسبة لـ O .

5 عين النقطة E المسقط العمودي لـ J على (IK) ثم بيّن أن مناظر المستقيم (BH) بالنسبة لـ O هو (JE) .

62

احسب العبارات التالية.

تمرين

$$* A = (-3) - (5 - 11) - 11$$

$$* C = -\frac{5}{6} - (7 + \frac{1}{6})$$

$$* B = -51 - |-21 + 39| + |-51|$$

$$* D = -\frac{17}{13} - (\frac{-6}{13} - 2)$$

64

جد إن أمكن ذلك العدد a.

تمرين

$$|a - 1| = 1$$

$$|a| = -3$$

$$|a| = \frac{3}{5}$$

$$a + \frac{-7}{2} = 1$$

$$-2 - a = \frac{5}{3}$$

$$a - (\frac{-5}{3}) = 0$$

64

نعتبر العبارة E حيث a عدد كسري نسبي.

تمرين

$$E = a - \frac{5}{3} - (-a + 1) - (\frac{-2}{3} + a)$$

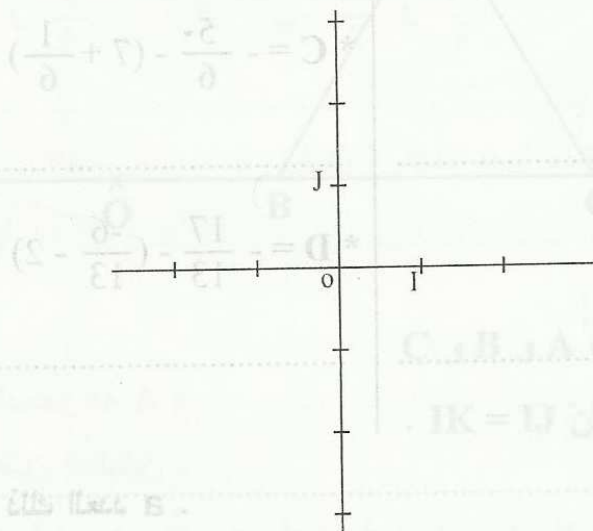
1 بين أن: $E = a - 2$

2 أوجد a إذا علمت أن: $E = \frac{-2}{3}$

تقريباً (O,I,J) معين في المستوي حيث $(OI) \perp (OJ)$ و $OJ = OI$.

ابن A (1,-3) ثم B مناظرتها بالنسبة لـ (OJ) .

(أ) أوجد إحداثيات B :



(ب) بين أن : $OA = OB$.

$$\frac{3}{2} = |B|$$

$$3 = |B|$$

2 ابن C مناظرة B بالنسبة لـ O ثم بين أن $(AC) \perp (OI)$.

3 عيّن النقطة D(-1,3) ثم بين أن $(AC) \parallel (BD)$ و $BD = AC$.

4 ابن النقطة E بحيث DBCE متوازي أضلاع.

(أ) بين أن : $CE = CA$.

(ب) بين أن C منتصف [AE].



فرض تاليفي عدد 1



تدريب 3 احسب ما يلي :

$$\frac{7}{5} - 3 - \frac{21}{15} + \frac{21}{14} = \dots\dots\dots$$

$$35 - (-35) - 13 = \dots\dots\dots$$

$$-\frac{1}{2} - \frac{2}{3} + \frac{5}{6} = \dots\dots\dots$$

$$-5 + 16 - 17 - (-5) + 17$$

تدريب 2

1 ضع الحدود التي تحتها سطر داخل قوسين مع إدخال تغييرا مناسباً في العلامات :

$$A = 5 + x - 7$$

$$B = x - 9 - y + 3 - 7$$

$$C = 15 - x - y + 25$$

$$D = -3 - x + y + 5 - z$$

2 اختصر العبارة A والعبارة B ثم احسبهما.

$$A = \frac{7}{3} - \left(-\frac{5}{47} + \frac{4}{3} - \frac{3}{4}\right) + \left(1 - \frac{5}{47}\right)$$

$$B = \frac{-3}{2} + \left(-\frac{7}{13} - \frac{7}{4}\right) - \left(\frac{7}{4} - \frac{7}{13}\right)$$

تدريب 3

(O, I, J) معين في المستوي بحيث : $(OJ) \perp (OI)$ و $OI = OJ$

1 عين $A(2,1)$ و $B(-2,-1)$ ثم بين أن O منتصف [AB].



2 ابن C مناظرة I بالنسبة لـ (OJ) ثم حدّد إحداثياتها.

3 بين أن $(BC) \parallel (IA)$.

63

تمرين 1 ضع علامة (X) أمام الإجابات الصحيحة : (لكل سؤال إجابة صحيحة واحدة)

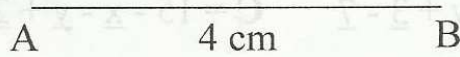
1 $(-7) + 3$ يساوي (-10) ، ، (-4) ، ، (4) ، ، (10) ،

2 $(-10) - 4 + 6$ يساوي (-20) ، ، (0) ، ، (-8) ، ، (8) ،

3 (O, i, j) معينًا في المستوي حيث $(OJ) \perp (OI)$ و $OI = OJ$. $A (32, -40)$. إذن مناظرتها بالنسبة لـ (OI) هي B : $B (-32, 40)$ ، ، $B (40, 32)$ ، ، $B (32, 40)$ ، ، $B (-32, -40)$ ،

67

تمرين 2 ابن مثلثًا ABC قائمًا في A بحيث $AB = 4$ و $\hat{ABC} = 30^\circ$.



1 ابن E و F مناظرتي B و C على التوالي بالنسبة لـ A . ثم احسب EA و \hat{AFE} .

2 H المسقط العمودي لـ A على (BC) و K مناظرة H بالنسبة لـ A .

بين أن E و K و F على استقامة واحدة.

3 بين أن $(EF) \perp (AH)$.

4 ارسم الدائرة \mathcal{C} مركزها C وشعاعها CH .

(أ) هل يوجد بالشكل مركز تناظر ؟

(ب) أكمل الشكل حتى نتحصل على مركز تناظر . ماهو هذا المركز ؟



فرض تاليفي عدد 1



1 أكمل بالعدد المناسب:

$$\frac{-2}{7} + \dots = (-1) \quad \parallel \quad \dots + (-5) = 3 \quad \parallel \quad \frac{-7}{3} + \dots = \frac{-5}{2} \quad \parallel \quad (-7) + \dots = (-13)$$

2 أوجد العدد الكسري x في كل حالة:

$$\left| x - \frac{3}{2} \right| = 0 \quad \parallel \quad -x - \frac{3}{5} = 0 \quad \parallel \quad |x| = \frac{5}{3} \quad \parallel \quad -x + \frac{5}{7} = 0$$

3 أحسب ما يلي:

$$* \frac{7}{4} + \frac{-5}{3} + \frac{-3}{2} + \frac{2}{3} = \dots$$

$$* \frac{-13}{8} + \frac{7}{8} + \left| \frac{-13}{8} \right| - \frac{5}{4} = \dots$$



$$-7 - 5 - 3 + 7 = -2$$

$$-7 - 4 + 7 = -18$$

1 ضع الأقواس في المكان المناسب.

2 احذف الأقواس:

$$K = a - (13 - c + b) = \dots \quad \parallel \quad H = 7 - (-a + b - c) = \dots$$

3 أحسب العبارتين H و K إذا علمت أن $a = b$ و $c = \frac{-3}{2}$

$$H = \dots$$

$$K = \dots$$

ارسم معينا (O,I,J) بحيث : $(OJ) \perp (OI)$ و $OI = OJ$.

1 عين النقطة A من (OI) فاصلتها (-3).

* ماهي إحداثيات A في المعين (O,I,J) ؟

2 عين نقطة B(2,3) و C مناظرتها بالنسبة

لـ (OI).

أ) جد إحداثيات C في المعين (O,I,J).

ب) بين أن $(BC) \perp (OA)$.

3 بين أن ABC مثلث متقايس الضلعين :

4 بين أن $(OJ) \parallel (BC)$:

ارسم دائرة \mathcal{C} مركزها O و [BD] قطر لها بحيث $BD = 4\text{cm}$.

1 عين A من \mathcal{C} بحيث $\widehat{DBA} = 70^\circ$ ثم ابن C مناظرة A بالنسبة لـ O.

أ) بين أن $(DC) \parallel (AB)$.

ب) احسب \widehat{BDC} .

2 ارسم المستقيم Δ المار من A والموازي لـ (BD)

والمستقيم Δ' المار من C والموازي لـ Δ .

بين أن مناظر Δ هو Δ' بالنسبة لـ O :